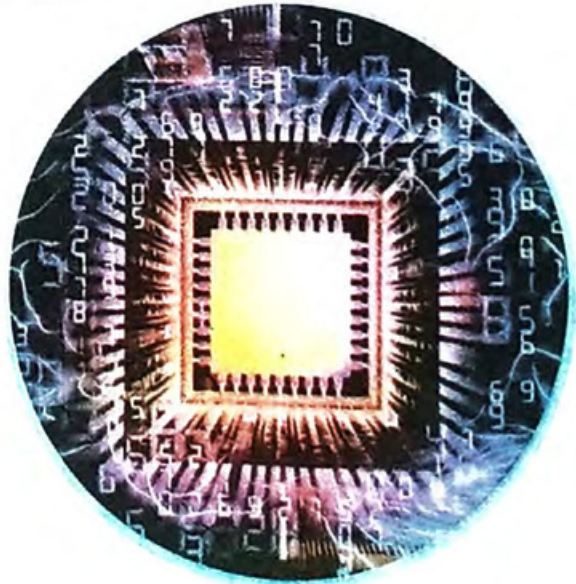
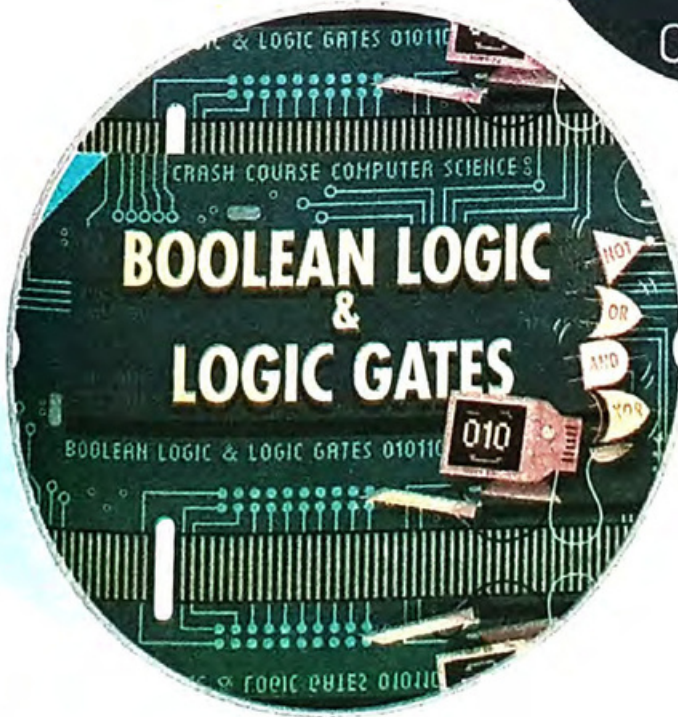


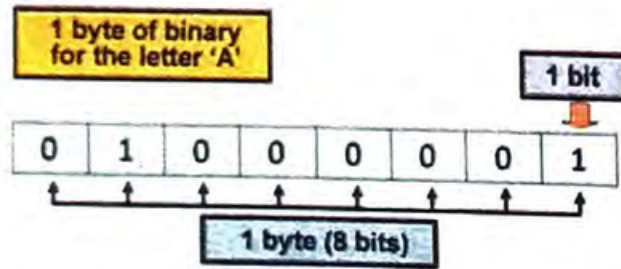
اس باب کی تکمیل کے بعد طلبہ اس قابل ہو جائیں گے کہ وہ:

- لوپ (Loop) کی ساخت تفصیل سے بیان کر سکیں۔
- *for* لوپ کی ساخت جان کر اس کا استعمال کر سکیں۔
- *while* لوپ کی ساخت جان کر اس کا استعمال کر سکیں۔
- *do-while* لوپ کی ساخت جان کر اس کا استعمال کر سکیں۔
- *break* اور *continue* سٹیٹمنٹس کے استعمال کو تفصیل سے بیان کر سکیں۔
- لوپ کی تمام اقسام میں فرق بیان کر سکیں۔
- نیسٹڈ (Nested) لوپ کے تصور کی وضاحت کر سکیں۔
- باب نمبر 1 میں زیر بحث فلو چارٹس کے لئے کوڈ لکھ سکیں۔



## 6.1 کمپیوٹر میں ڈیٹا کا اظہار (Data Representation in a Computer)

ڈیٹا درحقیقت خام اعداد و شمار کا نام ہے۔ ڈیٹا کو حقائق، تصورات یا ہدایات کی نمائندگی کے طور پر بیان کیا جاسکتا ہے جو باقاعدہ انسانی یا الیکٹرانک مشین کے ذریعہ مواصلات، تشریح یا پروسیسنگ کے لئے موزوں ہونا چاہئے۔ ڈیجیٹل کمپیوٹر میں، یوزر ان پٹ کو پہلے الیکٹریکل پلس (Electrical Pulse) کے طور پر تبدیل اور منتقل کیا جاتا ہے جس کی نمائندگی دو منفرد حالتیں آن (On) اور آف (Off) کر سکتی ہیں۔ "آن حالت" کو "1" اور آف حالت کو "0" سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آن اور آف کے تسلسل سے بجلی کے سگنل بنتے ہیں جن کو کمپیوٹر سمجھ سکتا ہے۔ بائری نمبر سسٹم میں ایک ہندسے کو بٹ (Bit) اور آٹھ بٹس کے امتزاج کو بائٹ (Byte) کہتے ہیں۔



بائٹ کمپیوٹر میموری کا بنیادی یونٹ ہے جو ڈیٹا کی نمائندگی کے لئے استعمال ہوتا ہے۔ ایک بائٹ ڈیٹا کے ایک کیریئر کو ظاہر کرتا ہے۔ یہ ایک حرف تہجی، کوئی عدد یا کوئی مخصوص علامت ہو سکتی ہے۔ ڈیٹا انہی حروف تہجی، اعداد اور علامات کا مجموعہ ہے جنہیں کسی خاص مقصد کے تحت اکٹھا کیا جاتا ہے۔

مثال کے طور پر، جب حرف A کمپیوٹر میں ان پٹ کیا جاتا ہے تو اسے پہلے بائری کوڈ یعنی 01000001 میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ اسی طرح باقی تمام حروف بھی کمپیوٹر کو پروسیسنگ کے لئے فراہم کیے جاتے ہیں۔

## 6.2 لاجک گٹس (Logic Gates)

لاجک گٹس ڈیجیٹل کمپیوٹر کی ساخت کی بنیادی اکائی ہیں۔ لاجک گٹس دو اینٹ کی دو حدود کے درمیان چلتے ہیں اور ڈیجیٹل سگنلوں جو بائری ڈجٹس 0 اور 1 سے ظاہر کیے جاتے ہیں، لاجک گٹس / لاجیکل پروسیسنگ اور ایک بائری آؤٹ پٹ 0 یا 1 حاصل کرنے کے لئے استعمال کیے جاتے ہیں۔ آسان الفاظ میں، لاجک گٹس ڈیجیٹل سسٹم میں الیکٹرانک سرکٹس ہیں۔

### 6.2.1 ڈیجیٹل لاجک اور لاجک گٹس (Digital Logic and Logic Gates)

ڈیجیٹل لاجک ڈیجیٹل سرکٹس بنانے کے لئے استعمال ہوتے ہیں جن میں بہت سارے لاجک گٹس شامل ہوتے ہیں۔ لاجک گٹ ایک ایسا الیکٹرانک آلہ ہے جو ڈیجیٹل سرکٹس کے لئے بلڈنگ بلاک کا کام کرتا ہے۔ لاجک گٹس بنیادی لاجیکل افعال سرانجام دیتے ہیں جو ڈیجیٹل سرکٹس کی بنیاد ہیں۔ آج کل زیادہ تر الیکٹرانک آلات کے اندر لاجک گٹس ہی کا استعمال کیا جاتا ہے۔ مثال کے

طور پر، لاجک گیٹس اسمارٹ فونز، ٹیبلٹس یا ممبروری آلات میں موجود میکینالوجیز میں استعمال کیے جاتے ہیں۔ ایک سرکٹ میں، لاجک گیٹس اپنی ان پٹ سے منتقل ہونے والے ڈیجیٹل سگنلوں کی بنیاد پر فیصلے کرتے ہیں۔ زیادہ تر لاجک کی دو یا دو سے زیادہ ان پٹ ہوتی ہیں اور ایک اکیلی آؤٹ پٹ فراہم کرتا ہے جو Low یا High ہوتی ہے۔ لاجک گیٹس بنیادی طور پر الجبر پر مبنی ہوتے ہیں۔ ہر ٹرمینل دو بائینری حالتوں True یا False میں سے ایک پر مشتمل ہوتا ہے۔ False کو 0 سے اور True کو 1 ظاہر کیا جاتا ہے۔ لاجک گیٹ کو لائٹ سوئچ سے تشبیہ دی جاسکتی ہے، جس میں ایک حالت آف (0) اور دوسری آن (1) ہوتی ہے طور پر انٹیگریٹڈ سرکٹس (CI) میں لاجک گیٹس استعمال ہوتے ہیں۔

## 6.2.2 بنیادی لاجک گیٹس (Basic Logic Gates)

ہر سنگل لاجک گیٹس کے بنیادی عوامل کو عام حسابی عمل جمع (Addition) اور ضرب (Multiplication) کی طرح آ سے سمجھا جاسکتا ہے۔ لاجک گیٹ کی بنیاد پر، مختلف لاجیکل آپریشنز کی آؤٹ پٹ مختلف ہوتی ہیں۔ ہر لاجک گیٹ ایک ٹرو تھ ٹیبل کی پیہ کرتا ہے جو ان پٹ اور متعلقہ حاصل شدہ آؤٹ پٹ کے ممکنہ امتزاج فراہم کرتا ہے۔ ڈیجیٹل سسٹمز میں آپریشن انجام دینے میں کئی بنیادی لاجک گیٹس استعمال کیے جاتے ہیں۔ AND، OR اور NOT تین بنیادی گیٹس ہیں کیونکہ یہی تین گیٹس مختلف قسم کے دوسرے پیچیدہ گیٹس بنانے کے لئے استعمال ہوتے ہیں۔

### AND گیٹ

AND گیٹ ایک لاجیکل گیٹ ہے جس میں دو یا دو سے زیادہ ان پٹ اور ایک اکیلی آؤٹ پٹ ہوتی ہے۔ AND گیٹ لاجک ضرب کے اصولوں پر کام کرتا ہے۔ AND گیٹ کی آؤٹ پٹ صرف اس وقت High یعنی 1 ہوگی جب اسکی تمام ان پٹس High ہوگی۔ (یعنی اگر ایک ان پٹ بھی Low یا 0 ہوگی تو آؤٹ پٹ Low ہوگی)۔ AND گیٹ میں کسی بھی طرح کی ان پٹ ہو سکتی ہیں، 2، 3 اور ان پٹس والے گیٹ سب سے عام ہیں۔

اگر A اور B دو ان پٹ ہیں، تو آؤٹ پٹ Y کو ریاضی کے مطابق ہم ایسے ظاہر کر سکتے ہیں  $Y = A \cdot B$  یہاں پر ڈاٹ (.) AND کے عمل کو ظاہر کر رہا ہے۔ AND گیٹ کو درج ذیل علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

علامت:



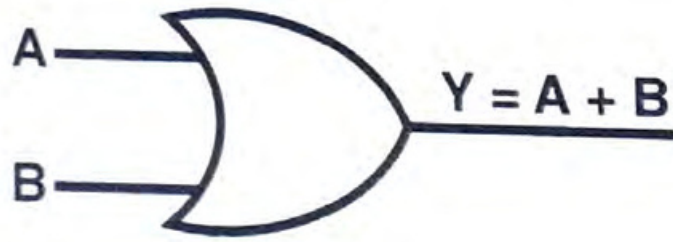
شکل نمبر 6.1 دو ان پٹ والا AND گیٹ

جکہ A، B اور Y بائینری ویریبلز ہیں۔

## OR گیٹ

OR گیٹ ایک لاجک گیٹ ہے جو لاجیکل جمع کے لیے استعمال ہوتا ہے۔ لاجیکل OR آپریشن کی آؤٹ پٹ صرف اس صورت میں High (1) ہوگی جب اس کی کوئی ایک ان پٹ High ہو (یعنی اگر ایک ہی ان پٹ High ہو تو آؤٹ پٹ High ہوگی) اور اگر کوئی ایک ان پٹ بھی High نہیں ہے تو، آؤٹ پٹ Low (0) کے نتائج برآمد ہوں گے۔

اگر A اور B دو ان پٹ ہیں، تو آؤٹ پٹ Y کو ریاضی کے مطابق ہم ایسے ظاہر کر سکتے ہیں  $Y = A + B$  یہاں پلس سائن (+) OR عمل کی نشاندہی کرتا ہے۔ OR گیٹ کی نمائندگی مندرجہ ذیل علامت سے ہوتی ہے۔



علامت:

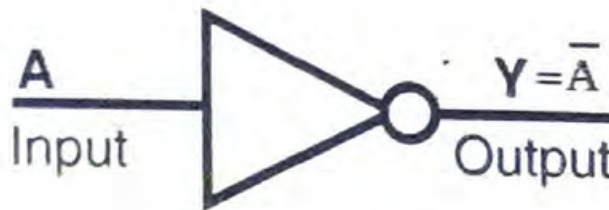
شکل نمبر 6.2 دو ان پٹ والا OR گیٹ

## NOT گیٹ

NOT گیٹ کا استعمال کسی بھی ان پٹ ویلیو کو معکوس (Reverse) کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ یہ ایک ایسا گیٹ ہے جس کی آؤٹ پٹ ان پٹ کے الٹ ہوتی ہے۔ NOT گیٹ ایک ان پٹ لیتا ہے اور ایک ہی آؤٹ پٹ دیتا ہے۔ اگر NOT گیٹ میں ان پٹ '0' ہے تو آؤٹ پٹ '1' ہوگا۔ اگر ان پٹ '1' ہے تو آؤٹ پٹ '0' ہوگا۔

NOT گیٹ چونکہ ان پٹ کو معکوس کر دیتا ہے اس لیے اسے انورٹر (Inverter) بھی کہا جاتا ہے۔

A ان پٹ ہے اور Y، NOT گیٹ کا آؤٹ پٹ ہے، NOT گیٹ کا بلاک ڈیاگرام یا منطق ڈیاگرام درج ذیل ہے:



شکل نمبر 6.3 NOT گیٹ

## 6.2.3 ٹرو تھ ٹیبل (Truth Table)

یہ ایک ٹیبل ہے جس میں ان پٹ ویلیوز اور ان کے مطابق آؤٹ پٹ ویلیوز کے تمام ممکنہ امتزاج کو اکٹھا لکھا ہوتا ہے۔ اگر ان پٹ ویری ایبلز کی تعداد n ہو تو ان پٹ کے کل 2 ممکنہ امتزاج ہوں گے۔ ٹرو تھ ٹیبل کا استعمال بولین فنکشن یا ایکسپریشن یا لاجک گیس کے تمام ممکنہ امتزاج کی نمائندگی کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔ بولین فنکشن / ایکسپریشن بولین ویری ایبل، کانسٹنٹ اور بولین آپریٹرز کا مجموعہ ہے۔

ایک ٹرو تھ نیبل میں درج ذیل خصوصیات ہونی چاہئیں۔

■ ٹرو تھ نیبل قطاروں اور کالموں پر مشتمل ہوتا ہے۔

■ یہ ڈیجیٹل لاجک سرکٹ کی ان پٹ اور آؤٹ پٹ کے درمیان ربط یا تعلق کو ظاہر کرتا ہے۔

■ یہ LOW کے لئے 0 اور HIGH کے لئے 1 کا استعمال کرتے ہوئے ان پٹ کے ہر ممکنہ امتزاج کو ظاہر کرتا ہے۔

■ تمام ممکنہ ان پٹس کو بائیں کالم اور آؤٹ پٹ کو سب سے دائیں کالم میں دکھایا جاتا ہے۔

■ ان پٹ والے کالم کو بائیں نمبر کی ترتیب میں اس طرح لکھا جاتا ہے تاکہ ان پٹ کے نمبر کو ظاہر کیا جاسکے جس میں ان پٹ

کی تعداد کے برابر متعدد ڈبٹس ہوتے ہیں۔ مثال کے طور پر، 2 ان پٹ کے لئے، ممکنہ امتزاج  $2 = 4$  ہوں گے۔ 3 ان پٹ کے

لئے ممکنہ امتزاج  $2 = 8$  ہوں گے، وغیرہ۔

AND، OR اور NOT کے لیے ٹرو تھ نیبل

2 ان پٹ والے AND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

فرض کیا X اور Y دو ان پٹ ہیں اور F ایک AND گیٹ سے آؤٹ پٹ ہے، اسی طرح AND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل درج ذیل

| ان پٹ |   | آؤٹ پٹ          |
|-------|---|-----------------|
| X     | Y | $F = X \cdot Y$ |
| 0     | 0 | 0               |
| 0     | 1 | 0               |
| 1     | 0 | 0               |
| 1     | 1 | 1               |

ہے۔

جدول نمبر 6.1 دو ان پٹ والے AND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

3 ان پٹ والے AND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

فرض کیا X، Y اور Z تین ان پٹ ہیں اور F ایک AND گیٹ سے آؤٹ پٹ ہے، اس طرح AND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل درج

| ان پٹ |   |   | آؤٹ پٹ                  |
|-------|---|---|-------------------------|
| X     | Y | Z | $F = X \cdot Y \cdot Z$ |
| 0     | 0 | 0 | 0                       |
| 0     | 0 | 1 | 0                       |
| 0     | 1 | 0 | 0                       |
| 0     | 1 | 1 | 0                       |
| 1     | 0 | 0 | 0                       |
| 1     | 0 | 1 | 0                       |
| 1     | 1 | 0 | 0                       |
| 1     | 1 | 1 | 1                       |

ذیل ہے۔

جدول نمبر 6.2 تین ان پٹ والے AND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

## 2. ان پٹ والے OR گیت کا روتھ ٹیبل

فرض کیا X اور Y دو ان پٹ ہیں اور F ایک OR گیت سے آؤٹ پٹ ہے، روتھ ٹیبل درج ذیل ہے۔

| ان پٹ |   | آؤٹ پٹ  |
|-------|---|---------|
| X     | Y | $F=X+Y$ |
| 0     | 0 | 0       |
| 0     | 1 | 1       |
| 1     | 0 | 1       |
| 1     | 1 | 1       |

جدول نمبر 6.3 دو ان پٹ والے OR گیت کا روتھ ٹیبل

## 3. ان پٹ والے OR گیت کا روتھ ٹیبل

فرض کیا X، Y اور Z تین ان پٹ ہیں اور F ایک OR گیت سے آؤٹ پٹ ہے، پھر OR گیت کا روتھ ٹیبل درج ذیل ہے۔

### 3. ان پٹ والے OR گیت کا روتھ ٹیبل

| ان پٹ |   |   | آؤٹ پٹ    |
|-------|---|---|-----------|
| X     | Y | Z | $F=X+Y+Z$ |
| 0     | 0 | 0 | 0         |
| 0     | 0 | 1 | 1         |
| 0     | 1 | 0 | 1         |
| 0     | 1 | 1 | 1         |
| 1     | 0 | 0 | 1         |
| 1     | 0 | 1 | 1         |
| 1     | 1 | 0 | 1         |
| 1     | 1 | 1 | 1         |

جدول نمبر 6.4 تین ان پٹ والے OR گیت کا روتھ ٹیبل

## NOT گیت کا روتھ ٹیبل

| ان پٹ | آؤٹ پٹ      |
|-------|-------------|
| X     | $F=\bar{X}$ |
| 0     | 1           |
| 1     | 0           |

جدول نمبر 6.5 NOT گیت کا روتھ ٹیبل

## 6.2.4 مزید لاجک گئیس اور ان کے ٹرو تھ نیبل

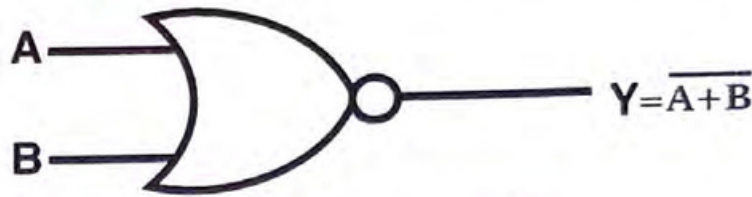
## NOR گیٹ

ایک NOR گیٹ ("NOT OR گیٹ") ایک لاجک گیٹ ہے جس کی تمام ان پٹس اگر 0 ہوں اور اس کی آؤٹ پٹ (1) آئے تو اسے NOR گیٹ کہتے ہیں۔ لہذا NOR گیٹ ایک OR گیٹ کا اُلٹ ہوتا ہے، اور اس کا سرکٹ ایک OR گیٹ کو ایک NOT گیٹ سے مربوط کر کے تیار کیا جاتا ہے۔ بالکل ایک OR گیٹ کی طرح، کسی NOR گیٹ میں بہت سی ان پٹ ہو سکتی ہے لیکن صرف ایک آؤٹ پٹ تیار ہوتی ہے۔

اگر A اور B دو ان پٹ ہیں، تو آؤٹ پٹ Y کو ایسے لکھا جاسکتا ہے۔

$$Y = \overline{A + B}$$

یہاں یہ علامت ——— کیپلیٹنٹ یا معکوس کو ظاہر کر رہی ہے۔ NOR گیٹ کی شکل اور ٹرو تھ نیبل ذیل میں دکھایا گیا ہے۔



شکل نمبر 6.4 دو ان پٹ والا NOR گیٹ

## NOR گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

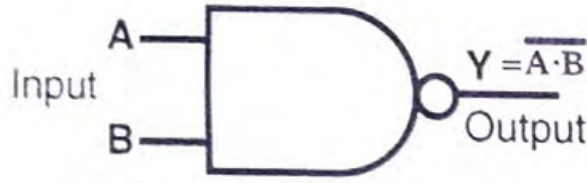
| ان پٹ |   | آؤٹ پٹ                 |
|-------|---|------------------------|
| A     | B | $Y = \overline{A + B}$ |
| 0     | 0 | 1                      |
| 0     | 1 | 0                      |
| 1     | 0 | 0                      |
| 1     | 1 | 0                      |

جدول نمبر 6.6 دو ان پٹ والا NOR گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

## NAND گیٹ

NAND گیٹ ("AND اور NOT گیٹ") ایک منطقی گیٹ ہے جو LOW آؤٹ پٹ (0) دیتا ہے صرف اس صورت میں جب اس کے سارے ان پٹ True ہوں، اور دوسری صورت میں High آؤٹ پٹ (1)۔ لہذا NAND گیٹ ایک AND گیٹ کا معکوس ہے، اور اس کا سرکٹ ایک AND گیٹ کو ایک NOT گیٹ سے جوڑ کر تیار کیا گیا ہے۔ بالکل ایک AND گیٹ کی طرح، ایک NAND گیٹ میں ایک سے زیادہ ان پٹ ہو سکتی ہے لیکن آؤٹ پٹ صرف ایک ہی ہوگی۔ NAND گیٹ لاجک NAND آپریشن انجام دیتا ہے۔ NAND گیٹ کو یونیورسل گیٹ (NOR گیٹ کی طرح) کے نام سے جانا جاتا ہے، جس کا مطلب ہے کہ یہ ایک قسم کا لاجیکل گیٹ ہے جو کسی بھی دوسرے گیٹ کو استعمال کیے بغیر کسی بھی بولین فنکشن کو نافذ کر سکتا ہے۔

اگر A، B ایک NAND گیٹ کے دو ان پٹ ہیں اور Y اس کا آؤٹ پٹ ہے تو، NAND گیٹ کو بلاک ڈیاگرام اور ٹرو تھ نیبل ذیل کی شکل میں دکھایا گیا ہے۔



شکل نمبر 6.5 دو ان پٹ والا NAND گیٹ

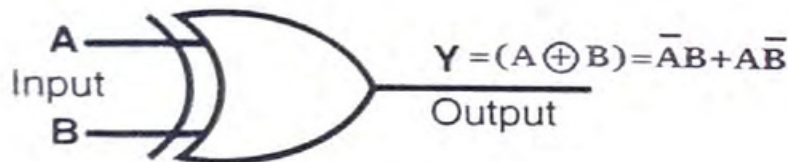
NAND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

| ان پٹ |   | آؤٹ پٹ                     |
|-------|---|----------------------------|
| A     | B | $Y = \overline{A \cdot B}$ |
| 0     | 0 | 1                          |
| 0     | 1 | 1                          |
| 1     | 0 | 1                          |
| 1     | 1 | 0                          |

جدول نمبر 6.7 دو ان پٹ والے NAND گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

XOR گیٹ (Exclusive-OR Gate)

وہ گیٹ جس کی آؤٹ پٹ '0' ہوتی ہے جب ساری ان پٹ 1 یا 0 کی ہوتی ہے تو اسے XOR گیٹ کہا جاتا ہے۔ لہذا XOR گیٹ ایک جیسی ان پٹ کی بنیاد پر '0' آؤٹ پٹ دیتا ہے، اور مختلف ان پٹ کی بنیاد پر '1' آؤٹ پٹ دیتا ہے۔ اگر A اور B، XOR گیٹ کے دو ان پٹ ہیں اور Y آؤٹ پٹ ہے تو، XOR گیٹ کی بلاک ڈیاگرام اور ٹرو تھ نیبل نیچے دی گئی شکل میں دکھایا گیا ہے۔



شکل نمبر 6.6 دو ان پٹ والا XOR گیٹ

XOR گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

| ان پٹ |   | آؤٹ پٹ                                             |
|-------|---|----------------------------------------------------|
| A     | B | $Y = (A \oplus B) = \overline{A}B + A\overline{B}$ |
| 0     | 0 | 0                                                  |
| 0     | 1 | 1                                                  |
| 1     | 0 | 1                                                  |
| 1     | 1 | 0                                                  |

جدول نمبر 6.8 دو ان پٹ والے XOR گیٹ کا ٹرو تھ نیبل

### (Exclusive-NOR Gate) گیت XNOR

وہ گیت جس کی تمام ان پٹ اگر 0 یا 1 ہوں تو آؤٹ پٹ '1' ہوگی، ایسے گیت کو XNOR گیت کہا جاتا ہے۔ لہذا XNOR گیت میں ایک جیسی ان پٹ کے لئے آؤٹ پٹ '1' ہوگی اور مختلف ان پٹس کے لیے '0' آؤٹ پٹ ہوگی۔

اگر A اور B ایک XNOR گیت کے دو ان پٹ ہیں اور Y اس کا آؤٹ پٹ ہے تو، اس کی بلاک ڈیاگرام اور XNOR گیت کا ٹروٹھ ٹیبل ذیل میں دکھایا گیا ہے۔



شکل نمبر 6.7 دو ان پٹ والا XNOR گیت

#### XNOR گیت کا ٹروٹھ ٹیبل

| ان پٹ |   | آؤٹ پٹ                                                      |
|-------|---|-------------------------------------------------------------|
| A     | B | $Y = A \cdot B + \bar{A} \cdot \bar{B}$ or $Y = A \oplus B$ |
| 0     | 0 | 1                                                           |
| 0     | 1 | 0                                                           |
| 1     | 0 | 0                                                           |
| 1     | 1 | 1                                                           |

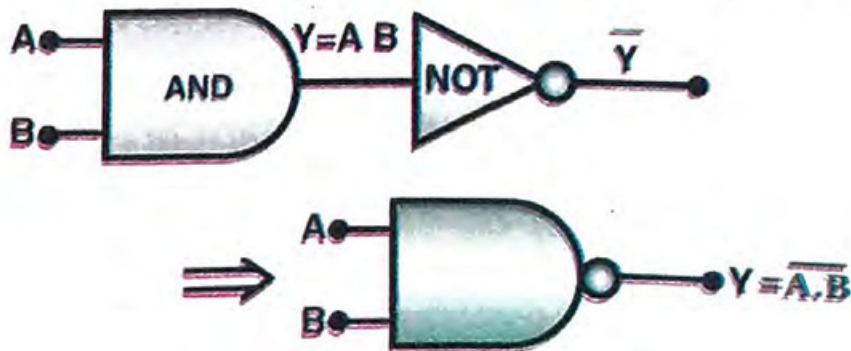
جدول نمبر 6.9 دو ان پٹ والے XNOR گیت کا ٹروٹھ ٹیبل

### 6.2.5 بنیادی گیتس کی مدد سے XOR، NOR، NAND اور XNOR گیت بنانا

بنیادی گیتس کو استعمال کر کے XOR، NOR، NAND اور XNOR گیتس بنائے جاسکتے ہیں۔

بنیادی گیتس کا استعمال کرتے ہوئے NOR اور NAND گیتس بنانا

AND گیت اور NOT گیت استعمال کر کے NAND گیت آسانی سے بنایا جاسکتا ہے جیسا کہ ذیل میں دکھایا گیا ہے۔



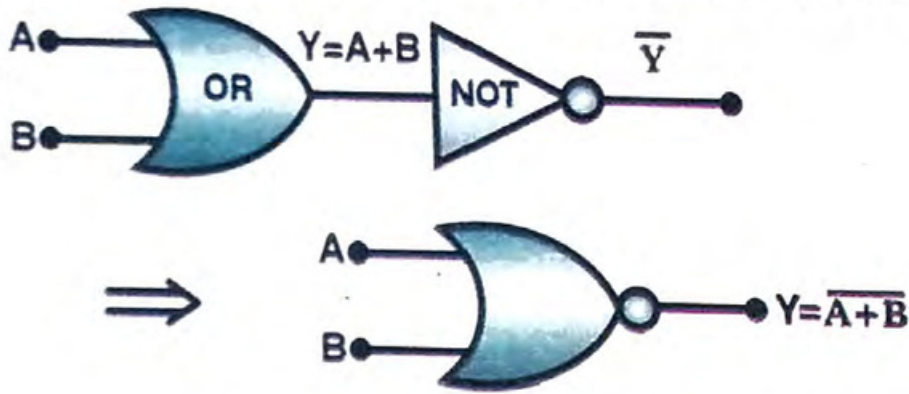
شکل نمبر 6.8 بنیادی گیتس کی مدد سے NAND گیت بنانا

### NAND گیت کا ٹرو تھ ٹیبل

| A | B | $Y = A \cdot B$ | $\overline{Y}$ |
|---|---|-----------------|----------------|
| 0 | 0 | 0               | 1              |
| 0 | 1 | 0               | 1              |
| 1 | 0 | 0               | 1              |
| 1 | 1 | 1               | 0              |

جدول نمبر 6.10 AND اور NOT گیت کا استعمال کر کے NAND گیت کا ٹرو تھ ٹیبل

اسی طرح NOR گیت بھی OR گیت اور NOT گیت کا استعمال کر کے بنایا جاسکتا ہے جیسا کہ ذیل میں دکھایا گیا ہے۔



شکل نمبر 6.9 OR گیت اور NOT گیت کا استعمال کر کے NOR گیت بنانا

### ٹرو تھ ٹیبل

| A | B | $Y = A + B$ | $\overline{Y}$ |
|---|---|-------------|----------------|
| 0 | 0 | 0           | 1              |
| 0 | 1 | 1           | 0              |
| 1 | 0 | 1           | 0              |
| 1 | 1 | 1           | 0              |

جدول نمبر 6.11 OR گیت اور NOT گیت کا استعمال کر کے NOR گیت بنانا

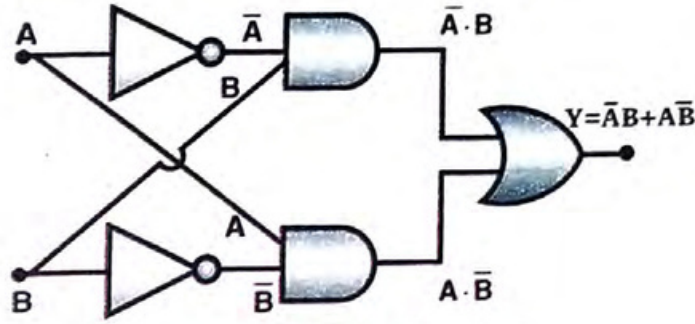
بنیادی گیتس کا استعمال کرتے ہوئے XOR اور XNOR گیتس بنانا

XOR گیت درج ذیل فنکشن کو ظاہر کرتا ہے:

$$Y = \overline{A}B + A\overline{B}$$

اس فنکشن میں دو اصطلاحیں استعمال ہوئی ہیں۔  $\overline{A}B$  اور  $A\overline{B}$  جن کے لیے دو AND گیتس درکار ہیں اور ان گیتس کا آؤٹ پٹ

ایک OR گٹ کو بطور ان پٹ دیا جائے گا تاکہ XOR گٹ کو بنایا جاسکے جیسا کہ شکل نمبر 6.10 میں دکھایا گیا ہے۔ A اور B ان پٹ تبدیل کرنے کے لئے سرکٹری میں دو NOT گٹس کا استعمال بھی کیا جاتا ہے۔



شکل نمبر 6.10 XOR گٹ بنانا

ٹرو تھ ٹیبل

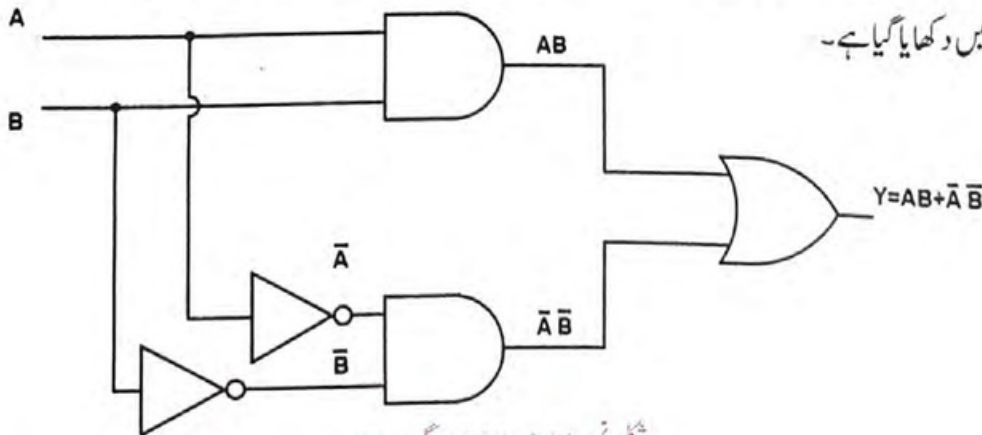
| A | B | Y |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

جدول نمبر 6.12 XOR گٹ کا ٹرو تھ ٹیبل

XNOR گٹ درج ذیل فنکشن کو ظاہر کرتا ہے:

$$Y = AB + \bar{A}\bar{B}$$

یہ فنکشن دو اصطلاحات پر مشتمل ہے۔ اس گٹ کا لاجک سرکٹ دو AND گٹس پر مشتمل ہے تاکہ  $AB$  اور  $\bar{A}\bar{B}$  بنائے جاسکیں اور دو NOT گٹس بھی ہیں تاکہ A کو  $\bar{A}$  اور B کو  $\bar{B}$  میں تبدیل کیا جاسکے۔ اس کے ساتھ ساتھ ایک OR گٹ بھی ہے جیسا کہ درج ذیل شکل میں دکھایا گیا ہے۔



شکل نمبر 6.11 XNOR گٹ بنانا

## 6.2.6 بولین ایکسپریژن کو لاجک سرکٹ میں تبدیل کرنا

ایک بولین ویری ایبل 0 یا 1 کی ویلیو لے سکتا ہے۔ ویری ایبل کی کسی بھی ویلیو کے لئے، بولین فنکشن 0 یا 1 ہو سکتا ہے۔ مندرجہ ذیل بولین فنکشن پر غور کریں۔

$$F = X + Y$$

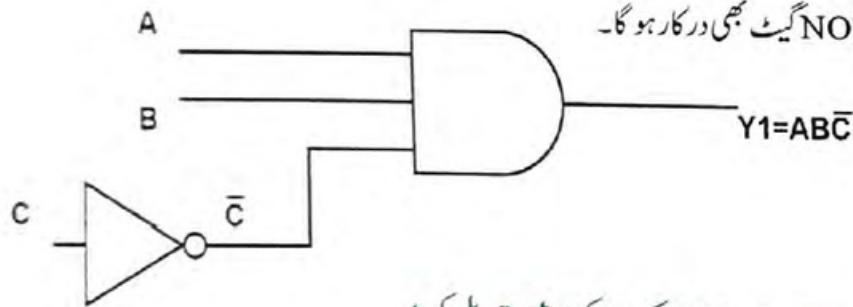
$F = 0$  ہو گا، اگر  $X = 0$  اور  $Y = 0$  ہے۔  $X$  اور  $Y$  کے دیگر تمام امتزاج کے لئے، فنکشن 1 کے برابر ہو گا۔

کوئی بھی بولین فنکشن الجبرا کی عبارت سے ایک لاجک سرکٹ میں تبدیل کیا جاسکتا ہے یہ لاجک سرکٹ AND، OR اور NOT گٹس پر مشتمل ہے۔

### مثال نمبر 1: بولین فنکشن $Y_1 = ABC$ کو لاجک سرکٹ گیت میں تبدیل کرنا

سنگل AND گیت کی اصطلاح کیلئے ضروری ہے  $Y_1 = ABC$  - AND گیت کو ان پٹ کرنے سے پہلے  $C$  کو  $\bar{C}$  میں تبدیل

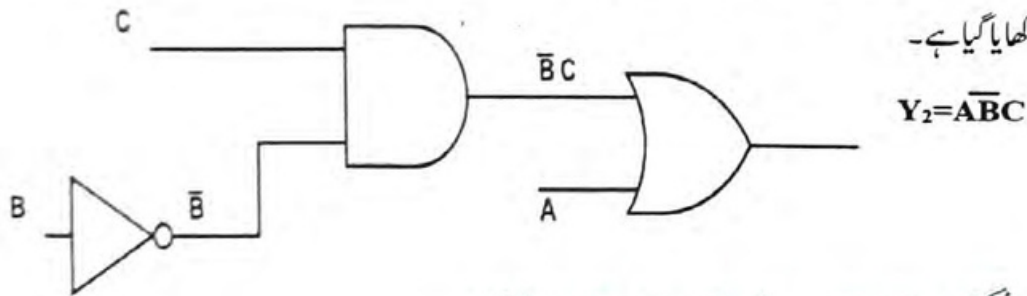
کرنے کے لئے ایک NOT گیت بھی درکار ہو گا۔



### مثال 2: بولین فنکشن $Y_2 = A + BC$ لاجک سرکٹ میں تبدیل کرنا

اس فنکشن کا لاجک سرکٹ بنانے کے لئے،  $\bar{B}C$  اصطلاح کے لئے ایک AND گیت کی ضرورت ہوتی ہے، ایک NOT گیت

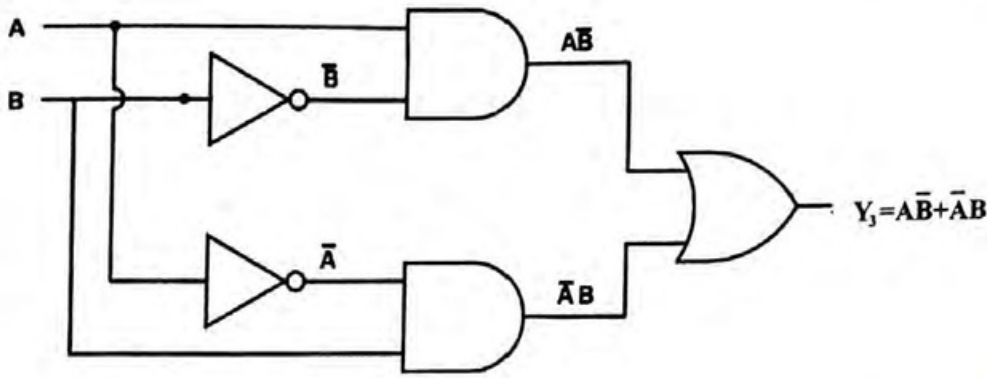
چاہیے تاکہ  $B$  کو  $\bar{B}$  میں تبدیل کیا جاسکے۔  $A$  اور  $\bar{B}C$  پر عملدرآمد کروانے کے لئے OR گیت کی ضرورت ہے۔ اس فنکشن کا لاجک سرکٹ نیچے دکھایا گیا ہے۔



### مثال 3: بولین فنکشن $Y_3 = AB + \bar{A}\bar{B}$ کو لاجک سرکٹ میں تبدیل کرنا

اس فنکشن کے لاجک سرکٹ میں دو AND گٹس جو کہ  $AB$  اور  $\bar{A}\bar{B}$  بنانے کے لئے، دو NOT گٹس جو  $A$  کو  $\bar{A}$  اور  $B$  کو

$\bar{B}$  میں تبدیل کرنے اور ایک OR گیت جو کہ دونوں AND گٹس کی آؤٹ پٹ پر OR آپریشن کے لئے استعمال ہونگے۔ جیسا کہ ذیل میں دکھایا گیا ہے۔



### 6.3 بولین فنکشن کو کارناف میپ کی مدد سے مختصر کرنا

#### بولین فنکشن کا اختصار (Simplification of Boolean Function)

بولین فنکشن میں موجود اصطلاحات کی تعداد کو کم سے کم یا ختم کرنے کے عمل کو، تاکہ آخری آؤٹ پٹ پر کوئی فرق نہ پڑے، اختصار (Simplification) کہا جاتا ہے۔ اس مقصد کے لئے مختلف طریقوں کا استعمال کیا جاتا ہے۔ ٹیلی کمیونیکیشن کے انجینئر، مارس کارناف (Mauric Karnaugh) نے 1953ء میں Bell Labs میں Karnaugh Map تیار کیا۔ K-map بولین فنکشن کو آسان بنانے کا بہترین طریقہ ہے۔ جب مختصر بولین فنکشن ایک لاجک سرکٹ میں تبدیل ہو جاتا ہے تو اس کے لئے لاجک گٹس کم تعداد میں درکار ہوتے ہیں اور اس وجہ سے اس کی لاگت بھی کم ہو جاتی ہے۔

#### 6.3.1 کارناف میپ (Karnaugh Map)

کارناف میپ یا K-map بولین ایکسپریشن کا ایک تصویری خاکہ ہے۔ Karnaugh Map کو 2D ٹروتھ ٹیبل بھی کہا جاتا ہے کیونکہ K-map، 1D ٹروتھ ٹیبل میں موجود قیمتوں کو ظاہر کرنے کا ایک مختلف فارمیٹ ہے۔

K-map بنیادی طور پر مربع نما خانوں پر مشتمل ہوتا ہے جنہیں سیلز (Cells) کہا جاتا ہے۔ بولین فنکشن کے تمام ممکنہ استخراج سیلوں کے اندر انکی متعین جگہوں پر لکھے ہوتے ہیں۔ دو ویریبلز والا K-map  $2^2 = 4$  سیلوں پر مشتمل ہوتا ہے، 4 ویریبل والا K-map  $2^4 = 16$  سیلوں پر مشتمل ہوتا ہے، اور اسی طرح آگے بھی۔

کارناف میپ کی مدد سے ہم ان تمام ویریبلز کو گروپ کی شکل دے سکتے ہیں جن میں کوئی نہ کوئی قدر مشترک ہو اس طرح ہر غیر ضروری ویریبل کو ختم کر سکتے ہیں۔ کارناف میپ کو ہم ٹروتھ ٹیبل کی مخصوص شکل بھی کہہ سکتے ہیں۔ درج ذیل شکل دو ویریبل والا ٹروتھ ٹیبل اور کارناف میپ کے درمیان مطابقت کا ظاہر کرتی ہے۔

مربعوں کے درمیان موجود قیمتیں ٹروتھ ٹیبل کے آؤٹ پٹ کالم سے لی گئی ہیں۔ اس لیے ٹروتھ ٹیبل کی ہر قطار یعنی Row کے لیے K-map میں ایک مربع مختص ہے۔ کارناف میپ کے کناروں پر دونوں ان پٹ ویریبل کی قیمتیں درج ہیں۔ A کی قیمتیں بالا کی (TOP) کی

طرف اور B کی قیمتیں بائیں (Left) طرف ہیں۔ زیر نظر شکل اس کی تفصیل بیان کر رہی ہے:

| A | B | F |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 |

Truth Table.

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     | 0 | 1 |
| 1     | 1 | 1 |

F.

شکل نمبر 6.12 K-map اور ٹروتھ ٹیبل

مثال کے طور پر، map کے اوپر دائیں بائیں کونے پر مربع میں  $A = 1$  اور  $B = 0$  ہے۔ یہ مربع ٹروتھ ٹیبل کی اس قطار سے مطابقت رکھتا ہے جہاں  $A = 1$ ،  $B = 0$  اور  $F = 1$  ہے۔ یہ بات قابل غور ہے کہ F والے کالم میں درج قیمتیں کسی خاص فنکشن کی نمائندگی کرتی ہیں جس کے لیے کارناف میپ بنایا گیا ہے۔

کارناف میپ - اختصار کے قواعد

کارناف میپ اختصار کے لیے متصل سیلوں جن میں 1 درج ہو کو درج ذیل قواعد و ضوابط کے تحت ایک گروپ میں لے آتا ہے۔ اس طرح ان گروپوں کی مدد سے عبارت مختصر ہو جاتی ہے۔

■ گروپ میں کوئی ایسا سیل نہیں آ سکتا جس میں زیر و درج ہو۔

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     | 0 |   |
| 1     | 1 |   |

WRONG X

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     | 0 |   |
| 1     | 1 | 1 |

RIGHT ✓

شکل نمبر 6.13 1 کے گروپ والا میپ

■ گروپ افقی یا عمودی ہو سکتے ہیں، لیکن ترچھے نہیں ہو سکتے۔

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     | 0 | 1 |
| 1     | 1 | 0 |

WRONG X

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     | 0 | 1 |
| 1     | 1 | 1 |

RIGHT ✓

شکل نمبر 6.14 گروپ میں ترچھے سیل شامل نہیں

■ ضروری ہے کہ گروپ میں 1، 2، 4، 8 سیل یا عمومی طور پر  $2^n$  سیل ہوں۔

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     | 1 | 1 |
| 1     | 0 | 0 |

Group of 2

RIGHT ✓

| AB \ C | 00 | 01 | 11 | 10 |
|--------|----|----|----|----|
| 0      | 0  | 1  | 1  | 1  |
| 1      | 0  | 0  | 0  | 0  |

Group of 3

WRONG ✗

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     | 1 | 1 |
| 1     | 1 | 1 |

Group of 4

RIGHT ✓

| AB \ C | 00 | 01 | 11 | 10 |
|--------|----|----|----|----|
| 0      | 1  | 1  | 1  | 1  |
| 1      | 0  | 0  | 0  | 1  |

Group of 5

WRONG ✗

شکل نمبر 6.15 دکھایا گیا ہے کہ گروپ میں 1، 2، 4، 8 سیل یا عمومی طور پر  $2^n$  سیل ہوں گے

■ ہر گروپ جہاں تک ممکن ہو بڑا ہونا چاہیے۔

| AB \ C | 00 | 01 | 11 | 10 |
|--------|----|----|----|----|
| 0      | 1  | 1  | 1  | 1  |
| 1      | 0  | 0  | 1  | 1  |

RIGHT ✓

| AB \ C | 00 | 01 | 11 | 10 |
|--------|----|----|----|----|
| 0      | 1  | 1  | 1  | 1  |
| 1      | 0  | 0  | 1  | 1  |

WRONG ✗

(Note that no Boolean laws broken, but not sufficiently minimal)

شکل نمبر 6.16 گروپ جہاں تک ممکن ہو بڑے بڑے ہونے چاہئیں

■ ہر سیل جس میں 1 درج ہے ضرور کسی نہ کسی گروپ میں ہوگا۔

| AB \ C | 00 | 01 | 11 | 10 |
|--------|----|----|----|----|
| 0      | 0  | 0  | 1  | 1  |
| 1      | 0  | 0  | 0  | 1  |

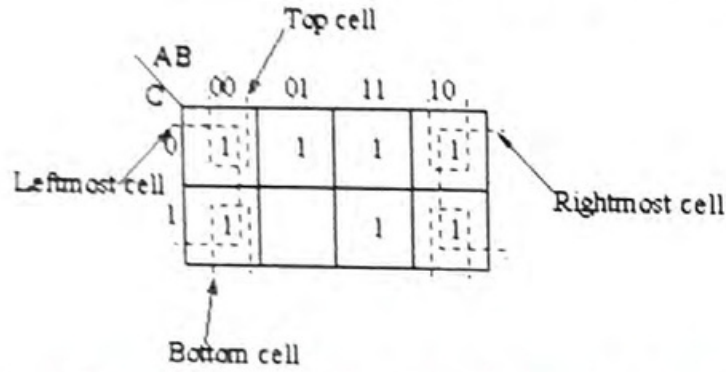
Group I

Group II

1 present in at least one group

شکل نمبر 6.17 ہر سیل جس میں 1 درج ہے ضرور کسی نہ کسی گروپ میں ہوگا

■ گروپ ٹیبل کے اطراف میں بھی پھیلا ہو سکتا ہے۔ ایک قطار میں بالکل بائیں طرف والا سیل بالکل دائیں طرف والے اور بالکل زیریں سیل بالکل بالائی سیل کے ساتھ گروپ میں لایا جاسکتا ہے۔



شکل نمبر 6.18 K-map کے اطراف میں موجود سیل آپس میں گروپ بنا سکتے ہیں

■ جہاں تک ممکن ہو گروپ کی تعداد کم سے کم ہونی چاہیے بشرطیکہ پہلے بیان کردہ قواعد میں سے کسی کے خلاف نہ ہو۔

### 6.3.2 دویری اور سبز والے بولین فنکشنز کا K-Map کے ذریعے اختصار

مثال نمبر 1:

درج ذیل میپ کو دیکھیں، جو فنکشن اس میں پلاٹ کیا گیا ہے وہ یہ ہے:  $Z = F(A,B) = A\bar{B} + AB$

درج بالا بولین فنکشن کے لیے ٹرو تھ ٹیبل

| A | B | $Z = F(A,B) = A\bar{B} + AB$ |
|---|---|------------------------------|
| 0 | 0 | 0                            |
| 0 | 1 | 0                            |
| 1 | 0 | 1                            |
| 1 | 1 | 1                            |

جدول نمبر 6.13  $Z = F(A,B) = A\bar{B} + AB$  کے لیے ٹرو تھ ٹیبل

اب ٹرو تھ ٹیبل کی تمام قیمتوں کو درج ذیل K-Map میں درج کریں۔

| A \ B | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| 0     |   | 1 |
| 1     |   | 1 |

OR

| A \ B     | $\bar{A}$ | A |
|-----------|-----------|---|
| $\bar{B}$ | 0         | 1 |
| B         | 0         | 1 |

غور کریں ان پٹ ویری ایبل کی قیمتیں ہی قطار اور کالم بنارہی ہیں۔  
یہاں صرف ایک ہی گروپ ہے، جو دو ملحقہ سیلوں کا احاطہ کرتا ہے۔

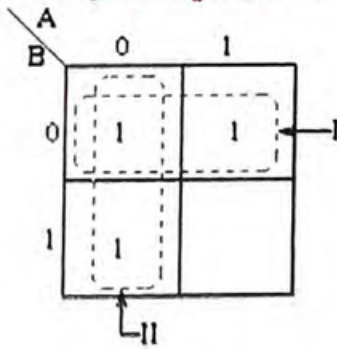
$$Z = F(A, B) = A$$

مثال نمبر 2:

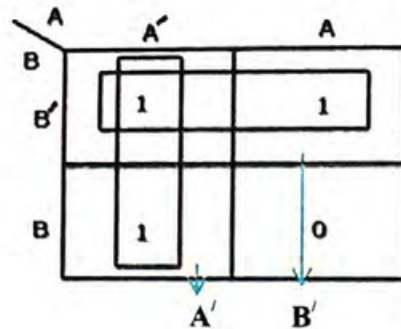
فرض کیا کہ بولین ایکسپریشن ہے  $Z = F(A, B) = \bar{A}B + A\bar{B} + AB$

| A | B | $Z = F(A, B) = \bar{A}B + A\bar{B} + AB$ |
|---|---|------------------------------------------|
| 0 | 0 | 1                                        |
| 0 | 1 | 1                                        |
| 1 | 0 | 1                                        |
| 1 | 1 | 0                                        |

جدول نمبر 6.14  $Z = F(A, B) = \bar{A}B + A\bar{B} + AB$  کے لیے ٹوتھ ٹیبل



OR



یہاں دو ملحقہ سیلوں پر مشتمل دو گروپ ہیں۔

$\bar{A}$  کالم وار مشترک ویری ایبل ہے گروپ II میں۔ جبکہ  $\bar{B}$  قطار وار مشترک ویری ایبل ہے گروپ I میں۔

دونوں ٹرمز جمع کر کے آخری نتیجہ حاصل کیا جاسکتا ہے۔

آخری مختصر شدہ ایکسپریشن کی شکل یہ ہوگی:

$$Z = F(A, B) = \bar{A} + \bar{B}$$

### 6.3.3 تین ویری ایبلز والے بولین فنکشنز کا K-Map کے ذریعے اختصار

مثال نمبر 1:

$$Z = f(A, B, C) = A.B.C + A.B.\bar{C} + A.\bar{B}.C + A.\bar{B}.\bar{C}$$

درج بالا ایکسپریشن کے لیے K-Map

| AB        | $\bar{A}\bar{B}$ | $\bar{A}B$ | $AB$ | $A\bar{B}$ |
|-----------|------------------|------------|------|------------|
| C         |                  |            |      |            |
| $\bar{C}$ | 0                | 1          | 1    | 0          |
| C         | 0                | 1          | 1    | 0          |

- یہاں پر ایک ہی گروپ ہے جو چار سیلوں پر مشتمل ہے۔
- یہاں قطار وار کوئی ویری ایبل مشترک نہیں ہے لیکن B کا لم وار مشترک ویری ایبل ہے۔
- تو مختصر شدہ ایکسپریشن یہ ہو گا:

$$Z = F(A, B, C) = B$$

مثال نمبر 2:

درج بالا ایکسپریشن  $Z = f(A, B, C) = A.B.C + \bar{A}.B.C + A.\bar{B}.\bar{C} + \bar{A}.\bar{B}.\bar{C} + A.B.\bar{C} + \bar{A}.B.\bar{C}$

کے لیے K-Map

| AB        | $\bar{A}\bar{B}$ | $\bar{A}B$ | $AB$ | $A\bar{B}$ |
|-----------|------------------|------------|------|------------|
| C         |                  |            |      |            |
| $\bar{C}$ | 0                | 1          | 1    | 1          |
| C         | 0                | 1          | 1    | 1          |

- یہاں پر دو گروپ ہیں اور ہر گروپ میں چار چار ملحقہ سیل موجود ہیں۔
- گروپ 1 میں A کا لم وار مشترک ویری ایبل ہے جبکہ گروپ 2 میں B کا لم وار مشترک ویری ایبل ہے۔
- ان دونوں ویری ایبلز کو جمع کر کے مختصر شدہ ایکسپریشن حاصل کیا جاسکتا ہے۔
- آخر میں مختصر شدہ ایکسپریشن درج ذیل ہو گا:

$$Z = f(A, B, C) = A + B$$

مثال نمبر 3:

$$F(A, B, C) = \bar{A}.B.C + \bar{A}.B.\bar{C} + A.\bar{B}.\bar{C} + A.B.C$$

درج بالا ایکسپریشن کے لیے K-Map

| A | BC |    |    |    |
|---|----|----|----|----|
|   | 00 | 01 | 11 | 10 |
| 0 | 0  | 0  | 1  | 1  |
| 1 | 1  | 1  | 0  | 0  |

K-map for F (A, B, C)

| A | BC |    |    |    |
|---|----|----|----|----|
|   | 00 | 01 | 11 | 10 |
| 0 | 0  | 0  | 1  | 1  |
| 1 | 1  | 1  | 0  | 0  |

K-map for F (A, B, C)

یہاں پر دو گروپ کچھ اس طرح ہوں گے۔

$$\bar{A}.B.A.B \text{ and } \bar{A}B.A\bar{B}$$

آخر میں مختصر شدہ ایکسپریشن درج ذیل ہوگا:

$$F(A,B,C) = \bar{A}.B + A.\bar{B} = A \oplus B$$

$$F(A,B,C) = \bar{A}.B + A.\bar{B} = A \oplus B$$

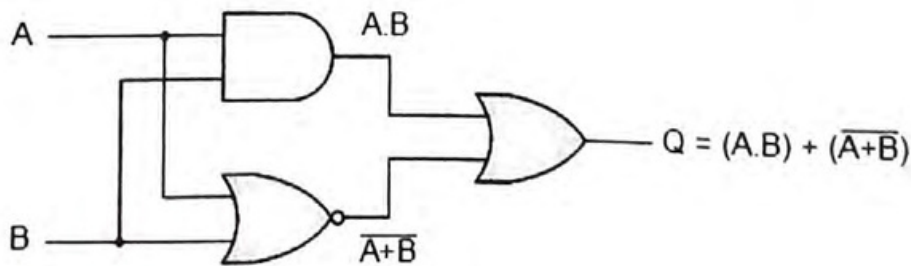
#### 6.3.4 مختصر شدہ درج ذیل فنکشنز سے لاجک سرکٹ بنانا

مثال نمبر 1:

$$Q = f(AB) + (\bar{A} + \bar{B})$$

سرکٹ تین گیتس پر مشتمل ہے۔ AND گیت، OR گیت اور NOR گیت کے لیے ایکسپریشن A.B ہے جبکہ

NOR گیت کا ایکسپریشن  $\bar{A} + \bar{B}$  ہے۔ یہ دونوں ایکسپریشنز مل کر OR گیت کے لیے علیحدہ سے ان پٹ دیتے ہیں،  $(A.B)$  اور  $(\bar{A} + \bar{B})$ ۔

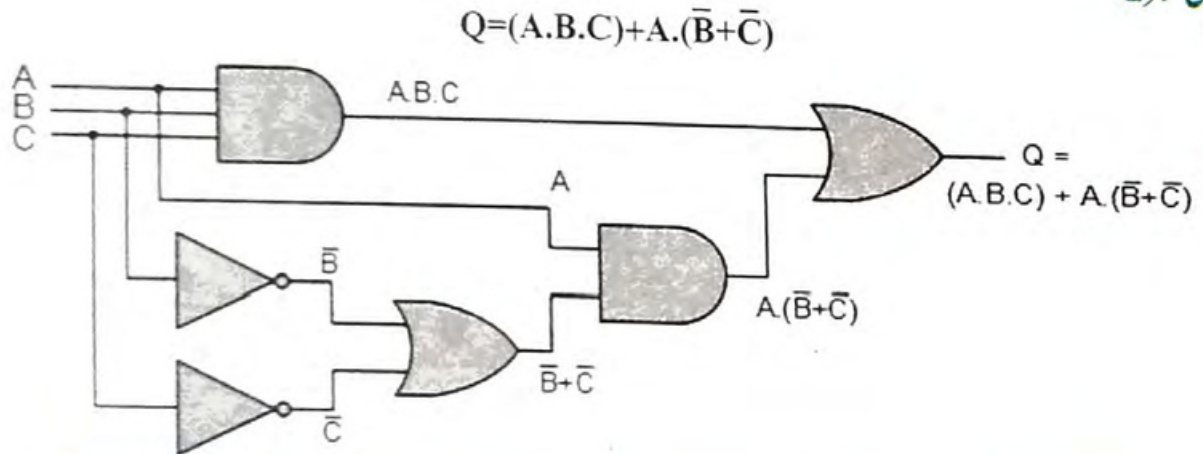


ان گیتس کا آؤٹ پٹ اس قسم کا ہوگا

$$Q = (A.B) + (\overline{A+B})$$

| Inputs |   | Intermediates |                    | Output |
|--------|---|---------------|--------------------|--------|
| A      | B | A.B           | $(\overline{A+B})$ | Q      |
| 0      | 0 | 0             | 1                  | 1      |
| 1      | 0 | 0             | 0                  | 0      |
| 0      | 1 | 0             | 0                  | 0      |
| 1      | 1 | 1             | 0                  | 1      |

مثال نمبر 2:

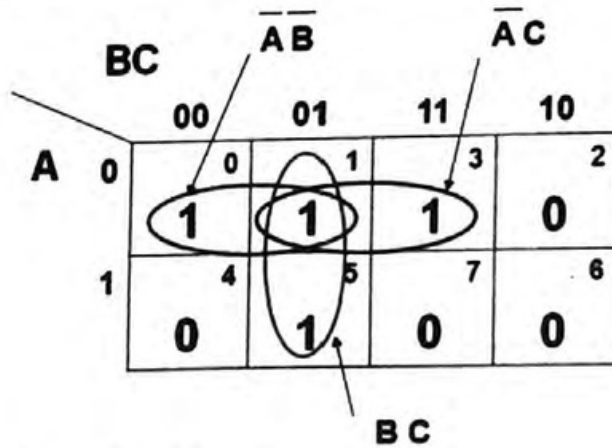


| Inputs |   |   | Intermediates |                |                |                  |                        | Output |
|--------|---|---|---------------|----------------|----------------|------------------|------------------------|--------|
| C      | B | A | A.B.C         | $\overline{B}$ | $\overline{C}$ | $\overline{B+C}$ | A.( $\overline{B+C}$ ) | Q      |
| 0      | 0 | 0 | 0             | 1              | 1              | 1                | 0                      | 0      |
| 0      | 0 | 1 | 0             | 1              | 1              | 1                | 1                      | 1      |
| 0      | 1 | 0 | 0             | 0              | 1              | 1                | 0                      | 0      |
| 0      | 1 | 1 | 0             | 0              | 1              | 1                | 1                      | 1      |
| 1      | 0 | 0 | 0             | 1              | 0              | 1                | 0                      | 0      |
| 1      | 0 | 1 | 0             | 1              | 0              | 1                | 1                      | 1      |
| 1      | 1 | 0 | 0             | 0              | 0              | 0                | 0                      | 0      |
| 1      | 1 | 1 | 1             | 0              | 0              | 0                | 0                      | 1      |

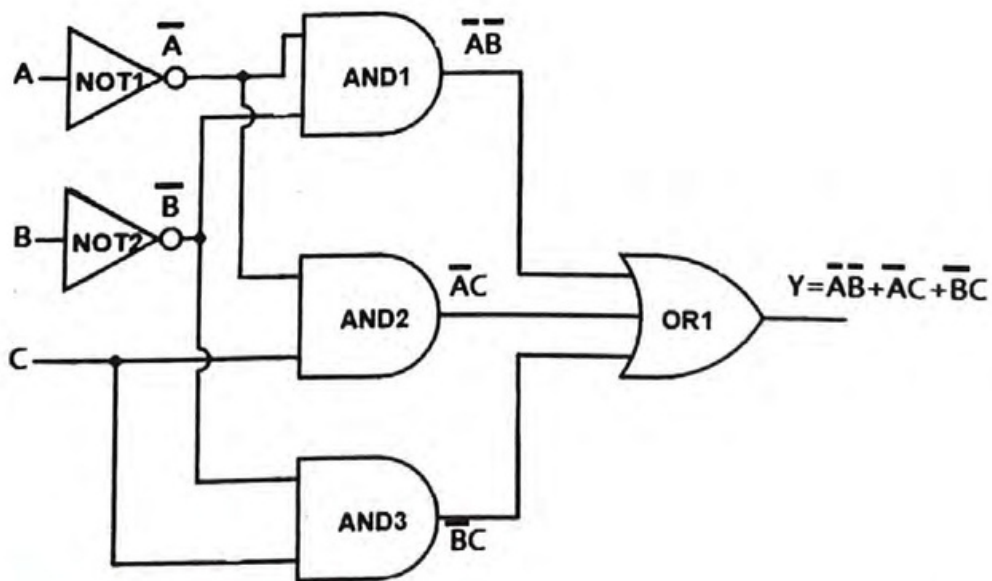
درج ذیل بولین ایکسپریشن کا K-Map کی مدد سے اختصار اور مختصر شدہ فنکشن کی لاجک ڈائیگرام۔

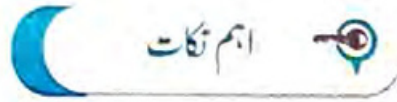
$$Y = \bar{A}\bar{B}\bar{C} + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}B\bar{C} + A\bar{B}\bar{C}$$

| C | B | C | Y |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 0 |



$$Y = \bar{A}\bar{B} + \bar{A}\bar{C} + \bar{B}C$$





- ❖ ڈیٹا خام حقائق اور اعداد و شمار ہیں جن پر ڈیجیٹل کمپیوٹر کے ذریعہ کارروائی کی جاتی ہے۔
- ❖ لاجک گیٹ ایک الیکٹرانک سرکٹ ہے جو ایک یا زیادہ ان پٹ سگنل لیتا ہے اور ایک ہی آؤٹ پٹ سگنل تیار کرتا ہے۔
- ❖ AND گیٹ لاجیکل ضرب کرتا ہے۔
- ❖ OR گیٹ لاجیکل جمع کے لیے استعمال ہوتا ہے۔
- ❖ NOT گیٹ ان پٹ ویلیو کو تبدیل کرنے کے لئے استعمال ہوتا ہے۔
- ❖ ٹو تھ نمبل ایک نمبل ہے جس میں ان پٹ ویلیوز اور ان کے مطابق آؤٹ پٹ ویلیوز کے تمام ممکنہ امتزاج ہوتے ہیں۔
- ❖ جس گیٹ کی آؤٹ پٹ 1 ہوتی ہے جب تمام ان پٹ 0 ہوتے ہیں تو اسے NOR گیٹ کہتے ہیں۔
- ❖ جس گیٹ کی آؤٹ پٹ 0 ہوتی ہے جب تمام ان پٹ 1 ہوتے ہیں تو اسے NAND گیٹ کہتے ہیں۔
- ❖ وہ گیٹ جس کی آؤٹ پٹ 0 ہوتی ہے جب تمام ان پٹس میں 0 یا 1 ہوتے ہیں تو اسے XOR گیٹ کہا جاتا ہے۔
- ❖ وہ گیٹ جس کی آؤٹ پٹ 1 ہوتی ہے جب تمام ان پٹ 0 یا 1 ہوتے ہیں تو اسے XNOR گیٹ کہا جاتا ہے۔
- ❖ بولین فنکشن / ایکسپریشن بولین ویری ایبل، کانسٹنٹ اور آپریٹر کا مجموعہ ہے۔
- ❖ بولین فنکشن کا اختصار حتمی آؤٹ پٹ کو متاثر کیے بغیر بولین فنکشن میں ٹرم یا ویری ایبل کی تعداد کو کم کرنے کا عمل ہے۔
- ❖ K-Map ایک جیسے ایکسپریشن کو ایک ساتھ جوڑنے کا ایک خاکہ فراہم کرتا ہے اور اس طرح، ناپسندیدہ ویری ایبل کو ختم کرتا ہے۔

ہے۔



سوال نمبر 1۔ موزوں جواب کا انتخاب کریں۔

- i. جب ڈیٹا کمپیوٹر میں داخل ہوتا ہے تو اسے \_\_\_\_\_ میں تبدیل کیا جاتا ہے۔
  - (الف) بائنری نمبر سسٹم
  - (ب) اعشاری نمبر سسٹم
  - (ج) ہیگز او-سیمبل نمبر سسٹم
  - (د) آکسل نمبر سسٹم
- ii. ایک الیکٹرانک سرکٹ جو ایک یا ایک سے زیادہ سگنل لیتا ہے اور ایک ہی آؤٹ پٹ دیتا ہے \_\_\_\_\_ کہلاتا ہے۔
  - (الف) شکل
  - (ب) نمبل
  - (ج) ڈیجیٹل لاجک گیٹ
  - (د) ان میں سے کوئی نہیں

iii. کس گیت کی آؤٹ پٹ صرف اس وقت 1 ہوگی جب اس کی تمام ان پٹس 1 ہوں؟

(الف) AND گیت (ب) OR گیت (ج) NOT گیت (د) NAND گیت

iv. کونسا گیت لاجیکل معکوس یا کمپلیمنٹ بناتا ہے؟

(الف) AND گیت (ب) OR گیت (ج) NOT گیت (د) XOR گیت

v. وہ گیت جس کی آؤٹ پٹ صرف اس وقت 1 ہوگی جب اس کی تمام ان پٹس 0 ہوں ————— کہلاتا ہے۔

(الف) AND گیت (ب) OR گیت (ج) NOT گیت (د) XOR گیت

vi. K-Map ————— کے لیے استعمال ہوتا ہے۔

(الف) بولین ایکسپریشن کو مختصر کرنے (ب) بولین ایکسپریشن کو شکل کی مدد سے دکھانے

(ج) دو ویریبلز کا آپس میں موازنہ کرنے (د) ڈیجیٹل سرکٹ کو ڈیزائن کرنے

سوال نمبر 2۔ کمپیوٹر میں ڈیٹا کس شکل میں ظاہر کیا جاتا ہے؟ مختصر بیان کریں۔

سوال نمبر 3۔ تین بیتیادی گیتس کونسے ہیں؟ ان کی سرکٹ ڈائیگرام اور ٹرو تھ ٹیبل بنائیں۔

سوال نمبر 4۔ درج ذیل بولین ایکسپریشن کے لیے لاجک گیت ڈائیگرام بنائیں۔

$$f(A, B, C) = ABC + \bar{A}\bar{B} + \bar{C} + AB$$

سوال نمبر 5۔ درج ذیل بولین ایکسپریشن کو K-Map کی مدد سے مختصر کریں۔ پھر مختصر شدہ فنکشن کی لاجک ڈائیگرام بھی بنائیں۔

$$F = \bar{X}Z + X\bar{Z} \quad .i$$

$$F = \bar{A}BC + A\bar{B}C + AB\bar{C} + ABC \quad .ii$$